

PRACE
MATEMATYCZNO-FIZYCZNE

WYDAWANE

przy współudziale

WŁ. NATANSONA, A. WITKOWSKIEGO i K. ŻORAWSKIEGO

PRZEZ

S. DICKSTEINA.

Tom XXII.

Z PORTRETEM WŁADYSŁAWA GOSIEWSKIEGO.

WARSZAWA.
SKŁAD GŁÓWNY W KSIĘGARNI GEDEONERA I WOLFFA.

—
1911.

Pamięci

Władysława Gosiewskiego.

Drukarnia Rubieszowskiego i Wrotnowskiego w Warszawie,



T R E S C T O M U XXII.
Table des matières du Tome XXII.

| | <i>Str.</i> |
|--|-------------|
| Redakcja — Władysław Gosiewski | III |
| C21, D3a. L. Lichtenstein. O pewnym warunku całkowalności dwu- mianów różniczkowych i o twierdzeniu zasadniczem teorii funkcji ana- lytycznych. | 1—17 |
| Sur une condition d'intégrabilité des binômes différentiels et sur le théorème fondamental de la théorie des fonctions analytiques. | |
| J5c. W. Sierpiński. O pewnym twierdzeniu z teorii mnogości i jego zastosowaniach do Analizy funkcji niesciągłych. | 19—23 |
| Sur un théorème de la théorie des ensembles et ses applications à l'Analyse des fonctions discontinues | |
| U, X2. T. Banachiewicz. Tablice astronomiczne dla Obserwatorium w Warszawie. | 25—34 |
| Tables astronomiques pour l'Observatoire de Varsovie. | |
| O5. K. Żorawski. Notizen aus dem Gebiete der Differentialgeometrie. V, VI, VII. | 35—58 |
| Notatki z dziedziny Geometrii różniczkowej. V, VI, VII. | |
| D1b. W. Sierpiński. Dowód elementarny twierdzenia Weierstrassa i wzoru interpolacyjnego Borela. | 59—68 |
| Démonstration élémentaire du théorème de Weierstrass et de la formule d'interpolation de M. Borel. | |
| J4. G. A. Miller. Extension of a group by operators of orders two and four. Rozszerzenie grupy za pomocą operatorów rzędów 2 i 4. | 69—71 |
| IIIc. A. Axer. Obliczenia asymptotyczne, odnoszące się do liczby rozkładów liczb na pary czynników bez potęg stopni danych. | |
| Asymptotische Abschätzungen, die Anzahl der Zerlegungen von Zahlen in von Potenzen gegebener Grade freie Faktorenpaare be- treffend | 73—102 |
| D1aCH. W. Sierpiński. Przyczynek do teorii maximów i minimów. Contribution à la théorie des maxima et minima. | 103—111 |
| D2a. Otto Toeplitz. Über allgemeine lineare Mittelbildungen. O ogólnych utworach średnich liniowych | 113—119 |

| | | |
|---|--|-----------------|
| D 2 a. Hugo Steinhaus. | Kilka słów o uogólnieniu pojęcia granicy. Quelques remarques sur la généralisation de la notion de limite. | Str. 121–134 |
| T 3 b. M. Wolfke. | Zastosowanie teorii Abbego do siatki dyfrakcyjnej. Application de la théorie d'Abbe au réseau diffraingent | 135–171 |
| J 2 e. † W. Gosiewski. | Sur un moyen de corriger dans le calcul de la moyenne arithmétique les valeurs suspectes de l'inconnue. O sposobie poprawiania w rachunku średniej arytmetycznej wartości podejrzanych niewiadomej. | 173–181 |
| Czasopisma, książki i broszury nadesłane do Redakcji „Prac matematycznych”. | Czasopisma, książki i broszury nadesłane do Redakcji „Prac matematycznych”. | 183–184 |
| Ouvrages, reçus par la Rédaction | Ouvrages, reçus par la Rédaction | |

L. LICHTENSTEIN.

0 pewnym warunku całkowalności dwumianów różniczkowych i o twierdzeniu zasadniczem teorii funkcji analitycznych.

(Sur une condition d'intégrabilité des binômes différentiels et sur le théorème fondamental de la théorie des fonctions analytiques).

Niech T_0 będzie pole jednospójne, ograniczone linią o krzywiźnie ciągłej S_0 ; $p(x, y)$ i $q(x, y)$ niech będą dwie funkcje ciągłe, rzeczywiste lub zespolone zmiennych rzeczywistych x i y . Przypuśćmy na chwilę, że funkcje $p(x, y)$ i $q(x, y)$ mają pochodne ciągłe $\frac{\partial p(x, y)}{\partial y}$ i $\frac{\partial q(x, y)}{\partial x}$. Naówczas, jak wiadomo, równanie

$$(1) \quad \frac{\partial q(x, y)}{\partial x} = \frac{\partial p(x, y)}{\partial y}$$

będzie warunkiem koniecznym i dostatecznym, aby dwumian

$$(2) \quad p(x, y) dx + q(x, y) dy$$

był różniczką zupełną.

P. Montel wykazał, że całka

$$(3) \quad \int\limits_{\gamma} p(x, y) dx + q(x, y) dy,$$

rozciągnięta na dowolną krzywą zamkniętą o krzywiźnie ciągłej, równa jest zeru, jeżeli wartość bezwględna pochodnych

$$(4) \quad \frac{\partial p(x, y)}{\partial y}, \quad \frac{\partial q(x, y)}{\partial x}$$

wewnątrz pola T_0 i na jego obwodzie mniejszą jest od pewnej, zresztą dowol-

CZASOPISMA, KSIĄŻKI i BROSZURY,

NADESŁANE DO REDAKCYI „PRAC MATEMATYCZNO-FIZYCZNYCH”

od grudnia 1910 do stycznia 1912 r.

Amsterdam. Revue semestrielle des publications mathématiques, rédigée sous les auspices de la Société mathématique d'Amsterdam. 19.

- Koninklijke Akademie van Wetenschappen te Amsterdam. Proceedings of the Section of Sciences Vol. XIII, 1, 2.
- M. J. Van Uven. Algebraische Strahlencongruenzen und verwandte Ebenen als Schnitte derselben. Amsterdam 1911.
- Mis A. Boole Stot. Geometrical deduction of semiregular form regular polytopes and space fillings. Amsterdam 1911.

Barcelona. Memorias de la Real Academia de ciencias y artes de Barcelona; Ano académico 1910—1911.

Baltimore. American Journal of Mathematics, Vol. XXXIII.

Bologna. Rendiconto delle sessioni della R. Accademia delle scienze dell' Istituto di Bologna. 1911.

- Memorie delle R. Accademia delle scienze dell' Istituto di Bologna. Serie VII.

Bruksella. Annuaire de l' Académie Royale des sciences, des lettres et des beaux arts de Belgique 1911, 1912.

- Bulletin de la Classe des sciences. 1911.

Cambridge. Proceedings of the Cambridge Philosophical Society 1911. Transactions of the Camb. Ph. Soc. 1911.

Charkow. Soobszczenia Charkowskago Matematczeskago Obszczestwa. 1911.

Coimbra. Annaes científicos de Academia Polytechnica do Porto, publicados sob a direcção de F. Gomes Teixeira Vol. VI.

Edinburgh. Proceedings of the Edinburgh Mathematical Society, Vol. XXIX.

Genewa-Paryż. L'Enseignement mathématique, XIII Année 1911.

Helsingfors. Acta Societatis Fenniae XXXVIII, XXXIX, XL.

Meteorologisches Jahrbuch von Finland, 1904, 1905, 1906.

- E. A. Huntinka. Absolute erdmagnetische Bestimmungen in Finnland. Helsingfors 1911
- W. W. Korhonen. Schnee und Eisverhältnisse in Finnland im Winter 1903—1904, Helsinki 1911; im Winter 1904—1905, Kämpio 1911.
- W. W. Korhonen. Niederschlags-Beobachtungen in Finnland im Jahre 1910; in Jahre 1911; Helsingfors 1911.



- Kopenhaga.** Oversigt over det Kong. Danske Videnskabernes Selskabs Forhandlinger. 1911.
- Kraków.** Rozprawy Wydziału matemat.-przyrodniczego Akademii Umiejętności. 1911.
 — Sprawozdania z posiedzeń Akad. Um. 1911.
 — Bulletin International de l'Académie des sciences de Cracovie. Classe des sciences mathématiques et naturelles 1911.
- Kristiania.** Archiv for Mathematik og Naturvidenskab XXVII, XXVIII, XXIX, XXX, XXXI.
- Kansas.** Bulletin of the University of Kansas. 1910.
- Lima.** Revista de Ciencias 1911.
- Lipsk.** Zeitschrift für Mathematik und Physik, herausgegeben von Dr. R. Mehmke und Dr. C. Runge, 1911.
 — Biblioteca mathematica, Zeitschrift für Geschichte der mathematischen Wissenschaften, herausgegeben von Gustaf Eneström in Stockholm, 3-e Folge 11 Band; B. G. Teubner.
- Londyn.** Proceedings of the London Mathematical Society 1911.
- Monachium.** Sitzungsberichte der math.-phys. Klasse der Kgl. Bayrischen Akademie der Wissenschaften zu München 1911.
- Medyolan.** Annali di matematica. Serie III. Tomo XIX.
- Moskwa.** Matematicheskiy Sbornik, izdawajemyj Moskovskim matematiczeskim Obszcze-stwom. 1911.
- New-York.** Bulletin of the American Mathematical Society Vol. XVII, XVIII.
 — Transactions of the American Mathematical Society Vol. XII.
- Palermo.** Rendiconti del Circolo matematico di Palermo 1911.
 — Annuario del Circolo matematico 1911.
- Paryż p. Genewa-Paryż.**
- Praga.** Rosprávy České Akademie Čísaře Františka Josefa etc., Třída II. 1911.
 — Bulletin international de l'Académie des sciences de l'Empereur François Joseph I, Sciences mathématiques et naturelles 1911.
 — Věstník Královské společnosti nauk, Třída math.-přírodních. 1911.
 — Věstník České Akademie, etc. 1911.
 — Časopis pro pěstování matematiky a fysiky. Rocznik XLI.
 — Živa Časopis přírodnický 1911.
- Rzym.** Atti della Reale Accademia dei Lincei 1919.
 — Memorie di Matematica e di Fisica della Società italiana delle scienze (3) XVIII.
- Springfield.** The American Monthly 1911.
- Stockholm.** Arkiv för Matematik, Astronomie och Fysik etc. Bd. VII.
- Tokyo.** The Tokyo Mathematical-Physical Society 1911.
- Torino.** Atti della R. Accademia delle scienze di Torino. Vol. XLIV.
- Wiedeń.** Monatshefte für Mathematik und Physik 1911.

