

# PRACE

WYDAWNICTWA

## Redakcji „PRAC MATEMATYCZNO - FIZYCZNYCH”

i Redakcji „WIADOMOŚCI MATEMATYCZNYCH”.  
(Warszawa, Marszałkowska 117).

Do nabycia we wszystkich księgarniach:

### PRACE MATEMATYCZNO-FIZYCZNE:

- Tom I.*, 8-ka większa, str. VI, 223 i 4 nl. 1888; z rysunkami. Cena rs. 2.  
*Tomu II-go seszyt 1;* 8-ka większa, str. 244, 1890; z rysunkami. Cena rs. 2.  
*Tomu II-go seszyt 2;* 8-ka większa, str. XI i 286. 1890. Cena rs. 2 kop. 40.  
*Tom III,* 8-ka większa, str. 243. 1892. Z rysunkami. Cena rs. 2.  
*Tom IV,* 8-ka większa, z rysunkami, str. 284. 1893. Cena rs. 2.  
*Tom V,* 8-ka większa, z rysunkami, str. 239. 1894. Cena rs. 2.  
*Tom VI,* 8-ka większa, z rysunkami, str. 255. 1895. Cena rs. 2.  
*Tom VII,* 8-ka większa z rysunkami, str. 260. 1896. Cena rs. 2.  
*Tom VIII,* 8-ka większa str. 247. 1897. Cena rs. 2.  
*Tom IX,* 8-ka większa str. 280. 1898. Cena rs. 2.  
*Tom X,* 8-ka większa, str. 306. 1899—1900. Cena rs. 2 kop. 40.  
*Tom XI,* 8-ka większa, str. 262. 1900. Cena rs. 2 kop. 40.  
*Tom XII,* 8-ka większa str. 300. 1901. Cena rubli 3.  
*Tom XIII,* 8-ka większa str. 400. 1902. Cena rs. 4.  
*Tom XIV,* 8-ka większa str. 300. 1903. Cena rs. 3.  
*Tom XV,* 8-ka większa, str. 205. 1904. Cena rb. 2 kop. 40.  
*Tom XVI,* 8-ka większa, str. 270. Cena rb. 3 kop. 60.  
*Tom XVII,* 8-ka większa, str. 262. Cena rb. 3 kop. 60.  
*Tom XVIII,* 8-ka większa, str. 240. Cena rs. 3.  
*Tom XIX* (w druku).

### WIADOMOŚCI MATEMATYCZNE:

- T. I. 1897. 8°, str. 217. Cena rubli 3.  
T. II. 1898. 8°, str. 275. "  
T. III. 1899. 8°, str. 308. "  
T. IV. 1900. 8°, str. 278. "  
T. V. 1901. 8°, str. 287. "  
T. VI. 1902. 8. str. 365. "  
T. VII. 1903. 8°, str. 326. "  
T. VIII. 1904. 8°, str. 342. "  
T. IX. 1905. 8°, str. 251. "  
T. X. 1906. 8°, str. 239; 23. "  
T. XI. 1907 (w druku).

S. Dickstein. KANONY LOGARYTMÓW Hoene-Wronskiego. 8-ka, str. 30, z 6 tablicami. 1890. Cena rs. 1.

S. Dickstein. TABLICA LOGARYTMÓW Hoene-Wronskiego. 8-ka, str. 15, z 1 tablicą. 1890. (Wydanie mniejsze). Cena kop. 20.

Wł. Natanson. WSTĘP DO FIZYKI TEORETYCZNEJ. 8-ka, str. XII i 458; z drzeworytami w tekście. 1890. Cena rs. 4; w oprawie angielskiej rs. 4 kop. 50.

S. Dickstein. POJĘCIA I METODY MATEMATYKI. Tom I. Część pierwsza. Teorya działań. 1891. 8-ka, str. VI i 268. Cena rs. 2 kop. 50. (wyczerpane)

S. Dickstein. MATEMATYKA I RZECZYWISTOŚĆ. 1893. 8-ka, str. 40. 1893. Cena kop. 30.

GEOMETRIA MARCINA KRÓLA, pierwszy raz z rękopisu z XV-go wieku, wydana przez L. Birkenmajera. 1895. 8-ka, str. IX, 82. Cena rs. 1.

V. Schlegel. NAUKA ROZCIĄGŁOŚCI GRASSMANNIA. Przyczynek do historii matematyki w ostatnich 50 latach. Piszeklad S. Dicksteina 8-ka, str. 51. 1896. Cena kop. 80.

## MATEMATYCZNO - FIZYCZNE

### WYDAWANE

przy współudziale

Wł. GOSIEWSKIEGO, Wł. NATANSONA, A. WITKOWSKIEGO i K. ŻORAWSKIEGO

### PRZEZ

S. DICKSTEINA.

## TOM XVIII.

WARSZAWA.

SKŁAD GŁÓWNY W KSIĘGARNI GEBETHNERA I WOLFFA

Druk Józefa Sikorskiego, Warecka 14.

1907.

As two operators which satisfy these conditions generate the simple group of order 360<sup>1)</sup> we have proved the theorem:

If two operators whose commutator is of order 5 satisfy the conditions  $s_1^3 = s_2^3 = (s_1 s_2)^4 = (s_1 s_2)^5 = 1$  they generate the simple group of order 360.

While two operators of order 3 whose product is of order 4 may generate any one of an infinite system of groups of finite order, it follows from the above that one additional condition may completely determine one of these groups. It may also be added that the order of the commutator of two such operators of order 3 must always exceed 2, since two operators of order 3 whose commutator is of order 2 must generate one of four groups whose orders are respectively 12, 36, 144, and 288; and in these groups the product of two generating operators of order 3 is not of order 4. Hence the theorem:

If two operators of order 3 have a product of order 4 the order of their commutator exceeds 2.



<sup>1)</sup> Dickson, Bulletin of the American Mathematical Society, vol. 9 (1903), p. 303.  
It should be observed that  $b, c$  generate the same group as  $s_1, s_2$ .

CZASOPISMA, KSIĄŻKI I BROSZURY,

NADESLANE DO REJESTRACYI „PRAC MATEMAT.-FIZYCZNYCH”

od października 1906 do października 1907 r.

Amsterdam. Revue semestrielle des publications mathématiques, rédigée sous les auspices de la Société mathématique d'Amsterdam. 15, 1.

Barcelona. Memorias de la Real Academja de ciencias y artes de Barcelona Vol. VI, № 1, 2, 3, 4; Año academico 1905—1906.

Cambridge. Proceedings of the Cambridge Philosophical Society Vol. XIII Part. VI, 1906; Vol. XIV Part. I, II, 1907. Transactions of the Camb. Ph. Soc. Vol. XX, № XI.

Coimbra. Annaes científicos de Academia Polytechnica do Porto publicados sob a direcção de F. Gomes Teixeira Vol. II.

Edinburgh. Proceedings of the Edinburgh Mathematical Society, Vol. XXIV.

Geneva - Paryż. L'Enseignement mathématique, VIII Année.

Helsingfors. Observations météorologiques publiées par l'Institut météorologique central, 1893—1896.

Kopenhaga. Oversigt over det Kong. Danske Videnskabernes Selskabs Forhandlinger, 1906, № 4, 5, 6; 1907 № 1.

Kraków. Rozprawy Wydziału matematyczno-przyrodniczego Akademii Umiejętności 1906.

— Sprawozdania z posiedzeń Akad. Um. 1906—1907.

— Bulletin International de l'Académie des sciences de Cracovie. Classe des sciences mathématiques et naturelles 1906—1907.

Lima. Revista de Ciencias 1906—1907.

Prace mat.-fizycz., t. XVIII.

Lwów. Die Chronik d. Szewczenko-Gesellschaft der Wissenschaften 1906—07.  
Lipsk. Zeitschrift für Mathematik und Physik, herausgegeben von Dr. R. Mehmke  
und Dr. C. Runge 1906—1907, B. G. Teubner.

— Bibliotheca mathematica, Zeitschrift für Geschichte der mathematischen  
Wissenschaften, herausgegeben von Gustaf Eneström in Stockholm  
3-e Folge 1907; B. G. Teubner.

Londyn. Proceedings of the London Mathematical Society 1906—1907.

Monachium. Sitzungsberichte der math.-phys. Klasse der Kgl. Bayrischen Akademie der Wissenschaften zu München 1906—1907.

Medyolan. Annali di matematica. Serie III. Tomo XIII, XIV.

New-York. Bulletin of the American Mathematical Society Vol. XII, XIII.

— Transactions of the American Mathematical Society Vol. VII, VIII.

Palermo. Rendiconti del Circolo matematico di Palermo 1906—1907.

— Annuario del Circolo matematico 1906.

Paryż p. Genewa-Paryż.

Praga. Rosprávy České Akademie Císaře Františka Josefa etc., Třída II. 1906.

— Bulletin international de l'Académie des sciences de l'Empereur François Joseph I, Sciences mathématiques et naturelles 1906.

— Věstník Kral. České společnosti nauk, Třída math.-přír. 1906.

— Věstník České Akademie, etc. 1906.

— Časopis pro pěstování mathematiky a fysiky. Rocznik XXXVI.

— Živa, Časopis přírodnický 1906—1907.

Rzym. Atti della Reale Accademia dei Lincei Vol. XVI.

Springfield. The American Monthly 1906—1907.

Stockholm. Arkiv för Matematik, Astronomie och Fysik etc. Bd. 3.

Tokyo. The Tokyo Mathematical-Physical Society Vol. III, IV.

Wiedefi. Monatshefte für Mathematik und Physik 1906—1907.

Württemberg. Mathematisch-naturwissenschaftliche Mittheilungen, im Auftrage  
des mathematisch - naturwissenschaftlichen Vereins herausgegeben von  
Dr. E. Wölffing (2). 1905—1, 2, 3; 1906—1, 2, 3.

#### ERRATA.

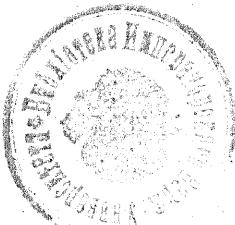
str. (1) w tytule artykułu zamiasł on	powinno być où
" " " " "	compositions
" (76) wiersz 12 od góry	które
" (78) " 1 " "	$\varphi=36,5^\circ$
" (79) " 14 od dołu	$\tau=0,00586$
" " " 4 " "	$a=20,2$
" " " 3 " "	$p_1=17,0, p_\tau=13,7^\circ$
	$p_3=18,5$
	$p_2=36,9.$

TREŚĆ TOMU XVIII-go.—TABLE DES MATIÈRES DU TOME XVIII<sup>1)</sup>.

	str.
<b>I 11b,c.</b> W. Sierpiński. O sumowaniu szeregu $\sum_{n>a}^{\tau(b)} \tau(n) f(n)$ , gdzie $\tau(n)$ oznacza liczbę rozkładów liczby $n$ na sumę kwadratów dwóch liczb całkowitych.	
Sur la sommation de la série $\sum_{n>b}^{\tau(a)} \tau(n) f(n)$ où $\tau(n)$ signifie le nombre de décompositions du nombre $n$ en une somme des carrés de deux entiers . . . . .	1—60
<b>K 23c.</b> A. Denizot. Przyzyczek do teorii aksonometryi. Contribution à la théorie de la perspective axonométrique.	61—79
<b>D 3bα.</b> G. Mittag-Leffler. O przedstawieniu analitycznym jednoznacznej gałęzi funkcji analitycznej. Przekład S. Dicksteina. Nota V.	
Sur la représentation analytique d'une branche uniforme d'une fonction monogène. Traduit par S. Dickstein. Nota V . . . . .	80—143
<b>0 5q.</b> K. Żorawski. Notizen aus dem Gebiete der Differential- geometrie. (Notatki z dziedziny Geometrii różniczkowej) . . .	142—169
<b>S 4,7.</b> W. Broniewski. Zależność pomiędzy zmianą oporu elektrycznego i rozszerzalnością metali jednoatomowych. Relation entre la variation de la résistance électrique et la dilatation des métaux monoatomiques . . . . .	176—213

<sup>1)</sup> Les indications en caractères gras correspondent à la classification adoptée par le Congrès de Bibliographie mathématique de 1889.

S.4. W. Gorczyński. O obliczaniu sum ciepła w kaloryach grawimetrycznych.	215—233
Sur le calcul des sommes de la chaleur en gr. cal. . . . .	
J.4. G. A. Miller. On the groups generated by two operators of order three whose product is of order four. (O grupach utworzonych przez dwa operatory rzędu 3, których iloczyn jest rzędu 4). . . . .	235—240
Czasopisma, książki i broszury, nadesłane do Redakcji „Prac matematyczno-fizycznych.”	
Ouvrages reçus par la Rédaction . . . . .	241—242
Errata . . . . .	243



1908  
644      3 prys.

- E. Pascal. RACHUNEK NIESKOŃCZONOŚCIOWY, przekład S. Dicksteina:  
 Tom I. RACHUNEK RÓŻNICZKOWY, 1896, 8-ka, str. 265. Cena rs. 2.  
 Tom II. RACHUNEK CAŁKOWY, 1896, 8-ka str. 240. Cena rs. 2.  
 Tom III. RACHUNEK WARYACYJNY I RACHUNEK RÓŻNIO SKOŃCZONYCH 1897,  
 8-ka str. 247. Cena rs. 2.
- G. Peano. ZARYS RACHUNKU GEOMETRYCZNEGO, przekład S. Dicksteina.  
 Warszawa, 1897, 8<sup>o</sup>, str. 28. Cena kop. 40.
- St. Kramsztyk. FIZYKA BEZ PRZYRÓDÓW. Pierwsze zasady Fizyki w prostych doświadczeniach dla dzieci i młodzieży:  
 Książeczka I-a z 34 drzewortami w tekście, 8-ka, str. 104. Cena kop. 60.  
 Książeczka II-a z 61 drzewortami w tekście, 8-ka, str. 112. Cena kop. 60.
- S. Dickstein. POCZĄTKOWA NAUKA GEOMETRYI W ZADANIACH. Wydanie III.  
 znacznie powiększone. 1892. 16-ka, str. 152. W kartonie cena kop. 50.
- St. Kramsztyk. SZKICZKI PRZYGODNICZE Z DZIEDZINY FIZYKI, GEOFIZYKI I ASTRONOMII. Warszawa 1893, 8-ka większa. Str. VI+347. Cena rs. 3.  
 (wyczerpane).
- M. Ernst. ASTRONOMIA GWIAZD STAŁYCH. 1896, 8-ka; str. X, 351. Cena rs. 3.
- F. Klein. ODCZYTЫ O MATEMATYCE, miane w Evanston, spisane przez A. Ziweita, przełożył S. Dickstein. Warszawa 1899, 8<sup>o</sup>, str. 2, 109. Cena rs. 1.
- W. Fr. Meyer. O STANIE OBECNYM TEORYI NIEZMIENNIKÓW, przełożył S. Dickstein. Warszawa 1899, 8<sup>o</sup> wiek, str. II, 138. Cena rs. 1.
- E. Pascal. REPERTORIUM MATEMATYKI WYŻSZEJ, przełożył S. Dickstein.  
 T. I. Analiza. 8<sup>o</sup>, str. 556. Cena rs. 4.  
 T. II. Geometria, str. X, 728. Cena rubli 5.
- E. Picard. O ROZWOJU NIEMCZYCH TEORYI ZASADNICZYM ANALIZY MATEMATYCZNEJ W WIEKU XIX, przełożył S. Dickstein 1900, 8<sup>o</sup>, str. 59. Cena 60 kop.
- Giovanni Schiaparelli. FORMY ORGANICZNE PRZYRODY A FORMY GEOMETRYCZNE CZYSTE. STUDYUM PORÓWNAWCZE. Przełożył Jan Dal Trozzo. 1902, 8<sup>o</sup>, str. 89. Cena kop. 75.
- KORESPONDENCJA Kochańskiego i Leibniza WEDŁUG ODPISÓW Dr. L. Bodejanna, wydana przez S. Dicksteina. Warszawa, 1902, 8-ka większa, str. 85. Cena kop. 60.
- E. Pascal. GRUPY CIĄGŁE PRZEKSZTAŁCZEK. (Część ogólna teorii), przełożył S. Dickstein. Warszawa, 1903, 8-o, str. XII — 296. Cena rubli 2 kop. 40.
- E. Pascal. RÉSUMÉ DE QUELQUES-UNS DE MES RÉCENTS TRAVAUX SUR LA THÉORIE DES GROUPES DE LIE. Warszawa, 1903, 8-ka większa. Kop. 30.
- J. Sochocki. ZASADY TEORII FUNKCJI ELIPTYCZNYCH. Warszawa, 1903. 8-ka wiek, str. 50. Cena kop. 50.
- A. W. Witkowski. TABLICE LOGARYTMOWE I GONIOMETRYCZNE CZTEROCYFROWE. Warszawa, 1903. Cena kop. 25.
- A. W. Witkowski. TABLICE MATEMATYCZNO-FIZYCZNE. Warszawa, 1904, 8-o str. 158. Cena rb. 1 kop. 50.
- K. Weierstrass. O PRZEDSTAWIALNOŚCI ANALITYCZNEJ TAK ZWANYCH DOWOLNYCH FUNKCJI ARGUMENTÓW RZECZYWISTYCH. Warszawa, 1904, 8-o, str. 36. Cena kop. 40.
- P. Duhamel. Ewolucja Mechaniki. Warszawa 1904, 8-o, str. II, 223. Cena rs 1 kop. 50.
- C. Segre. GEOMETRYA DZISIEJSZA I JEGO ZWIĄZKI Z ANALIZĄ. Warszawa 1905, 8<sup>o</sup>, str. 15. Cena kop. 15.
- S. Dickstein. O NAJNOWSZYCH BADANIACH NAD PODSTAWAMI MATEMATYKI. Warszawa 1905, 8<sup>o</sup>, str. 23. Cena kop. 20.
- E. Kasner. TERAŃNIEJSZE ZAGADNIENIA GEOMETRYI. 1905, 8<sup>o</sup>, str. 32. Cena k. 20.
- J. Laub. KRÓTKI ZARYS ANALIZY WEKTORÓW. 1905, 8<sup>o</sup>, str. 44. Cena kop. 40.
- A. Loretz. TERMODYNAMIKI I TEORIA KINETYCZNA. 1906, 8<sup>o</sup>, str. 23. Cena k. 30.