Errata

au travail

Sur les fonctions absolument continues d'intervalle

(Fundamenta Mathematicae XXVII)

par

S. Kempisty (Wilno).

Page 12, ligne 11, en descendent, *au lieu de*: norme *lire*: mesure.
Page 15, ligne 17, en descendant, *ajouter*: dès que $\underline{D}_x F$ et $\overline{D}_x F$ sont sommables.
Page 15, ligne 5, en remontant, *au lieu de*

$$(E)\int_R F \leqslant \int_R l(x)\,dx \leqslant \int_R u(x)\,dx \leqslant (E)\int_R F$$

lire:

$$(E)\int_{\overline{R}} F \leqslant \int_R l(x)\,dx, \qquad \int_R u(x)\,dx \leqslant (E)\overline{\int_R} F.$$

Page 19, ligne 7, en descendant, *ajouter*: E étant couvert par S.
Page 20, ligne 4, en remontant, *au lieu de*: $p(E)$ *lire*: $p(D)$.
Page 27, ligne 10, en descendant, *supprimer*: $I'r$.
„ lignes 1-6, en remontant, *supprimer* lignes 1-6.
Page 29, lignes: 4, 6, en descendant, *supprimer*: régulièrement intégrable.
Page 29, ligne 5, en descendant, *au lieu de*: ACr *lire*: VBr.
Page 31, ligne 11, en remontant, *au lieu de*: nulle *lire*: finie.

Sur une propriété des espaces métriques séparables.

Par

Wacław Sierpiński (Warszawa).

M. C. Kuratowski a posé récemment le problème suivant:

E étant un espace métrique séparable, existe-t-il toujours une famille dénombrable ou finie Φ de sous-ensembles de E à la fois fermés et ouverts, telle que tout sous-ensemble de E à la fois fermé et ouvert soit une somme d'ensembles de la famille Φ.

Le problème de M. Kuratowski n'est pas encore résolu. Or, je donnerai ici la solution positive du problème *affaibli* qu'on obtient en remplaçant dans le problème de M. Kuratowski le mot *somme* par le mot *limite*. Je vais démontrer notamment ce

Théorème. *E étant un espace métrique séparable, il existe une famille dénombrable ou finie Φ de sous-ensembles de E, à la fois fermés et ouverts, telle que tout sous-ensemble H de E qui est à la fois fermé et ouvert est de la forme*

$$H = \lim_{n=\infty} E_n = (E_1+E_2+E_3+\dots)(E_2+E_3+\dots)(E_3+\dots)\dots =$$
$$= E_1E_2E_3\dots + E_2E_3E_4\dots + E_3E_4\dots + \dots,$$

où $E_n \epsilon \Phi$ pour $n=1,2,3,\dots$

Démonstration. Soit E un espace métrique séparable donné. Il existe donc une suite infinie de sous-ensembles ouverts de E

$$(1) \qquad U_1, U_2, U_3, \dots$$

telle que tout sous-ensemble ouvert de E est une somme de certains ensembles de la suite (1).