et, en posant $m_i = n_i + 1$, il vient

$$A^1_{n_1} \cdot A^2_{n_2} \cdot \ldots \subset E - (A^1_{m_1} + A^2_{m_2} + \ldots).$$

Nous allons démontrer que

$$\overline{\overline{E - (A^1_{m_1} + A^2_{m_2} + \ldots)}} \leqslant \aleph_0, \tag{6}$$

quelle que soit la suite $m_1, m_2, \ldots$ (Cette inégalité, qui implique l'inégalité (5), présente un certain intérêt intrinsèque).

Désignons à ce but par $\mathfrak{S}$ la famille de toutes les suites de la forme $l_1, \ldots, l_{k-1}, m_k$, la suite infinie $\{m_k\}$ étant donnée en avance. La famille $\mathfrak{S}$ étant évidemment complète, la formule (2) et l'inclusion $A^1_{l_1} \cdot \ldots \cdot A^{k-1}_{l_{k-1}} \cdot A^k_{m_k} \subset A^k_{m_k}$ entraînent

$$\overline{\overline{E - \sum_{k=1}^{\infty} A^k_{m_k}}} \leqslant \overline{\overline{E - \sum A^1_{l_1} \cdot \ldots \cdot A^{k-1}_{l_{k-1}} \cdot A^k_{m_k}}} \leqslant \aleph_0,$$

la deuxième sommation s'étendant aux suites $l_1, \ldots, l_{k-1}, m_k$ appartenant à $\mathfrak{S}$.

Reconnaissance du droit d'auteur.

Par

Edward Szpilrajn (Varsovie).

Je m'empresse de reconnaître que le résultat établi dans ma *Remarque sur la dérivée symétrique* [Fundamenta Mathematicae **21** (1933), pp. 226—228] n'est pas nouveau: il est contenu dans un théorème démontré par M. Bohuš Jurek dans son mémoire *Sur la dérivabilité des fonctions discontinues* [Mémoires de la Société Royale des Sciences de Bohème, Cl. des Sciences, 1931, Nº XXVII, théorème 3, p. 3].

Je remercie vivement M. V. Jarnik d'avoir attirer mon attention sur cette coïncidence.